修士論文

平成 22 年度 (2010)

# ベクター形式による

変位マップアニメーションに関する研究

東京工科大学大学院 バイオ・情報メディア研究科メディアサイエンス専攻

武田 巧視

修士論文

平成 22 年度 (2010)

### ベクター形式による 変位マップアニメーションに関する研究

#### 指導教員 渡辺 大地 講師

東京工科大学大学院 バイオ・情報メディア研究科メディアサイエンス専攻

武田 巧視

#### 論文の要旨

論文題目	ベクター形式による 変位マップアニメーションに関する研究		
執筆者氏名	武田 巧視		
指導教員	渡辺 大地 講師		
キーワード	変位マッピング、局所変形、メッシュモーフィング、メッシュ合成		
[要旨]			

コンピュータが一般に普及し、3DCG に関する技術は大きく向上した。ビデオゲームや 映像作品におけるリアルタイム 3DCG では、ポリゴンメッシュ(以下、メッシュ)を、一 般的な形状表現として用いる。メッシュで表現したキャラクタなどのアニメーションは、 メッシュを構成する頂点の位置を変更することでメッシュの形状を変えてアニメーション を行うのが一般的である。しかし、この手法はループの接続関係などの位相が変化するこ とを想定していない。本研究では、メッシュアニメーションが苦手とする、メッシュが部 分的、局所的に大きく形状変形する変形アニメーションに着目した。位相変化せずに変形 アニメーションを実現する場合、変形後の形状を表現可能な位相を事前に用意しておく必 要がある。変形形状が複雑であれば、それだけメッシュのループ数は大量になり、変形ア ニメーション処理も煩雑になる。どこが変形するか事前に分かっているのであれば、位相 変化せずにアニメーションを行うことが可能だが、変形する場所が不定の場合は動的な位 相変化が必要になるため、リアルタイムにアニメーションを行うことが難しい。

そこで本研究では、位相変化を簡略化することで、局所的に複雑な変形が発生した、局 所的形状変形手法の実現を目的とする。本手法では、3次元メッシュである付加メッシュ を、面や稜線が重ならないように2次元状になるように頂点座標を操作し、2次元メッシュ を作成する。最終的に基礎メッシュと付加メッシュを合成して局所的形状変形を行う。2 次元メッシュの形状を正方形に限定することで、位相変化を伴う合成処理を簡略化した。 本手法では、2次元メッシュを変位マップとして扱うため、ラスター画像を生成する必要 がない。提案手法をプログラムで実装し、検証を行い、提案手法の有用性を確認した。

#### Abstract

Title	Displacement Mapping Animation by Vector-format
Author	Takeda Takumi
Advisor	Lecturer Watanabe Taichi
Key Words	Displacement mapping, local modification, mesh morphing, mesh marging
[summary]	

Computers spread generally, and the technology about 3DCG improved greatly. Realtime 3DCG in video game and a picture work use polygon mesh. Character animation by polygon mesh deforms shape of the polygon mesh. But, This technique does not assume topology deformation. Mesh animation is weak in local deforming animation. This paper focuses local deforming animation of mesh. When not deform topoogy animation must prepare for topology after the deformation. If the shape that deformed is complicated number of the loops increases and deform animation becomes complicated, too. If I know a place to deform cuts it in animation without changing topology. But, When I do not know a place to deform deform of the topology is necessary. Therefore, It is difficult to animation in real time.

In this paper, I simplify deforming topology and aimed for realization of the local deforming technique. This technique convert 3D polygon mesh into 2D polygon mesh. Finally compose Based mesh and Add mesh. Limited shape of the 2D polygon mesh to a square. Therefore composition became simple. This technique do displacement map and treat 2D polygon mesh. Therefore it is not necessary to make raster image. I implemented suggestion technique by a program. I inspected it and confirmed utility.

<b>第</b> 1章	はじめに	1
1.1	研究背景と目的	2
1.2	論文構成	11
第2章	提案手法	12
2.1	メッシュ表現	13
2.2	手法の流れ	14
2.3	付加メッシュのパラメータ化	15
2.4	付加メッシュの配置	17
2.5	基礎メッシュのトリミング	19
<u>-</u> .5	変位マップの変位	20
$\frac{2.3}{2.7}$	基礎メッシュと付加メッシュの合成	$\frac{-0}{22}$
2.8	複数の付加メッシュを用いたマッピング	23
2.0		-0
第3章	評価と検証	25
3.1	2次元メッシュ化	26
3.2	本手法の実行結果・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	30
3.3	局所変形アニメーション	32
3.4	付加メッシュの再現性	35
3.5	問題点	39
Arto		
第4章	おわりに	40
	謝辞	42
	参考文献	44

### 図目次

1.1	メッシュで表現したキャラクタ 3
1.2	3次元形状における局所的な形状変形
1.3	変位マッピング 6
1.4	変位マップ解像度依存 7
1.5	基礎メッシュの頂点数依存
1.6	提案手法
2.1	$N_v(i)$
2.2	$N_e(e)$
2.3	本手法の流れ
2.4	付加メッシュのパラメータ化 17
2.5	2次元座標系
2.6	正方領域の角3点18
2.7	基礎メッシュのトリミング 20
2.8	付加メッシュのアニメーション 21
2.9	付加メッシュのモーフィングアニメーション
2.10	接続メッシュの生成 22
2.11	同時マッピングにおけるトリミング
3.1	付加メッシュの2次元メッシュ化
3.2	実行結果:きのこ
3.3	実行結果:龍頭 31
3.4	実行結果:龍 32
3.5	実行結果:うさぎ
3.6	実行結果:マッピング位置の変更 34
3.7	うさぎ
3.8	王冠
3.9	龍頭
3.10	基礎メッシュ
3.11	変位マップの重なり 38

## 第1章

### はじめに

#### 1.1 研究背景と目的

コンピュータが一般に普及し、その性能の向上と共に3次元コンピュータグラ フィクス (以下、3DCG) を用いたコンテンツも増加している。3DCG コンテンツ の増加に伴って 3DCG を用いた様々な表現が多く開発されるようになり、3DCG に関する技術は大きく発展した。ビデオゲームや映像作品におけるリアルタイム 3DCGでは、ポリゴンメッシュ(以下、メッシュ)と呼ばれる、多角形を組み合わ せた区分線形曲面を、一般的な形状表現として用いる。メッシュにおける、区分 した1つの領域をループと呼ぶ。1つのループは閉じた多角形で表し、ループ内部 に稜線は無いものとする。本論文では、メッシュを構成する頂点、稜線、ループ を要素と呼び、要素同士の繋がりに関する情報を位相と呼称する。そして、ポリ ゴンメッシュの断裂やメッシュを構成する要素の分割など、要素同士の繋がりが 変化することを位相変化と呼ぶ。メッシュで表現したキャラクタなどのアニメー ションを行う場合、要素の接続関係つまり位相を変えることなく、頂点の位置座 標を変更することでメッシュの形状を変え、アニメーションを行うのが一般的で ある。スキンメッシュアニメーションと呼ぶこの手法では、キャラクタの向きや 位置のみの変更によるアニメーション以外にも、人間の肘や膝などの関節部分の ように、ひと繋がりになっている部分の曲げ伸ばしなどの動作アニメーションが 表現可能であり、広く一般的な手法となっている。 図 1.1 は、メッシュによって 表現したキャラクタである。しかし、この方法では表現が困難なアニメーション 表現も存在する。例えば、液体のような分裂などが頻繁に発生する不定形形状の 変形アニメーションや、人型の形状が魚型になるといった、形状の一部が別の形 状に変化することによって、メッシュの位相が変化するようなアニメーションで ある。一般的なメッシュアニメーションはループの接続関係などの位相が動的に 変化することを考慮していない。そのため、位相が変化する不定形形状などの分 裂、融合が頻繁に発生するアニメーションや、形状が大幅に変わってしまうよう なアニメーションには向いていない。

2



図 1.1: メッシュで表現したキャラクタ

本研究では、メッシュアニメーションが苦手とする表現の中でも、部分的、局所 的に位相が変化する変形アニメーションに着目した。局所的な変形アニメーショ ンには、もぐらなどが地中を移動して地面が盛り上がるような表現や、キャラク タなどの怒りを表現するために額に浮き出る血管などがある。また、ある形状の1 部分から別の形状が現れるような表現なども局所的な変形アニメーションに含ま れる。 図1.2 は3次元形状において、局所的な形状変形を表した図である。これ らの表現はもととなる形状全体、前述の例で言えば円形状などは大きく変化しな いが、局所的な部分だけが大きく変化する。

局所的な形状変形手法としては、メッシュを滑らかに細分割する細分割曲面



図1.2:3次元形状における局所的な形状変形

[1][2][3]の局所変形を行う手法 [4][5][6][7][8] や、3 次元メッシュを別の3 次元メッ シュと合成する手法 [9][10][11][12][13] などがある。しかし、局所変形を行う手法 は、元の形状を変形することを目的としているため、別に作成しておいた形状を 付加するような表現は難しい。また、メッシュを合成する手法は3 次元形状同士 の合成のため、接続部の探索が難しく計算量が膨大になるため、リアルタイムに アニメーションを行うことは難しい。

メッシュアニメーションが可能な局所的な形状変形手法のひとつに変位マッピ ング[14]がある。変位マッピングとは、テクスチャマッピング手法の一種である。 テクスチャマッピングとは、メッシュの3次元形状に対して2次元の画像データを マッピングし、物体の質感表現を向上する手法である。メッシュの各ループの頂 点と2次元画像上の任意の点で対応をとることでループに画像を貼り付けるよう な表現を行う。コンピュータで扱う2次元画像には大きくラスター画像とベクター 画像の2種類が存在するが、テクスチャマッピングではラスター画像を用いるの が一般的である。ラスター画像とは、ピクセルと呼ばれる小さな点が集合して表 す画像である。テクスチャマッピングでは通常、ラスター画像の各ピクセルにお ける色情報を直接色として扱うが、物体の透明度や光の反射率など様々なデータ を色としてラスター画像に書き込み、1つの画像をデータベースのように扱う手法 [15] も存在する。

変位マッピングは各ピクセルにおける色情報をベクトル情報として扱う、画像 をデータベースとして扱う手法の一種である [16]。通常のテクスチャマッピングは メッシュ形状における質感表現向上が目的であるが、変位マッピングではメッシュ 頂点の座標値を直接変更して形状を直接変形し、複雑な凹凸表現を行うことを目 的とする。変位マッピングにおけるテクスチャ画像を、特に変位マップと呼称す る。本論文ではさらに、変位マップをマッピングするメッシュ形状を基礎メッシュ と呼称することとする。変位マップは各ピクセルに方向と量を表すベクトル情報 を保持する。このベクトル情報を変位ベクトルと呼称する。変位マップは通常、あ る3次元のメッシュの頂点位置情報を元に作成する。本論文では、変位マップの 元となる3次元メッシュ形状を付加メッシュと呼称する。変位ベクトルには、付加 メッシュを構成する頂点の座標値が該当する。基礎メッシュと変位マップの対応を とり、変位マップの各ピクセルに対応した基礎メッシュの頂点位置を変位ベクトル に従い変更することで、複雑な形状変形を表現可能とする。変位マップのマッピ ング範囲を限定的なものとすることで、メッシュ形状の局所的な形状変形を表現 する。複数の変位マップを作成し、変位マップを切り替えたりモーフィングする ことにより、メッシュ形状におけるアニメーション表現を行うことが可能となる。 図 1.3 は変位マップと変位マッピングによって形状変形を行ったメッシュである。

以上のように変位マッピングを用いた局所的形状変形アニメーション表現は有 効なものであるが、複雑な凹凸表現にはいくつか解決しなければならない問題が 存在する。

第1に、付加メッシュのデータが変位マップの解像度や色深度に依存するという 問題である。変位マップはラスター画像で構成するが、このラスター画像の解像

5



図 1.3: 変位マッピング

度に付加メッシュの3次元形状が依存する。付加メッシュが高精細なものであれ ば、変位マップの解像度も大きくする必要が生じる。付加メッシュがあまりに複 雑な形状の場合、リアルタイム3DCGで扱うには現実的でない大きさの変位マッ プになる可能性もある。また画像の色値として座標データを保存するため、色値 以上の精度を保存できないという問題も生じる。 図1.4 は同一の付加メッシュか ら解像度の違うラスター画像を生成し、変位マッピングを行った場合の比較であ る。 図1.4(a) は付加メッシュとなる元形状である。 図1.4(a) からそれぞれサイ ズの異なるラスター画像を生成し、それを変位マップとして、格子状にループが 並んだ平面メッシュに変位マッピングを行った図である。 図1.4(b) は、64×64 のサイズのラスター画像を生成した例である。 図1.4(c) は、2048×2048のサイ ズのラスター画像を生成した例である。 図1.4(b) は、低4×64 のサイズのラスター画像を生成した例である。 図1.4(b) は、14(c) に比べ耳の形状 が落ちてしまっているのがわかる。また、 図1.4(b) は、木目のような縞模様が目 立ってしまっている。 図1.4(c) も、耳の形状を完全に再現できているとはいえず、 図1.4(a) を完全に再現するためには、さらに大きなサイズのラスター画像を用意 する必要がある。



(a) 元形状



(b)  $64 \times 64$ 

(c)  $2048 \times 2048$ 

図 1.4: 変位マップ解像度依存

第2に、基礎メッシュの変形部分における頂点数の問題である。変位マップが高 解像度になった場合、全ての変位ベクトルを活用するためには基礎メッシュの変形 部分も、変位マップの解像度と同等の頂点数を必要とする。上記の問題点と同様に して、複雑な形状を表現する場合、リアルタイム 3DCG で扱うには現実的でない 数の頂点数を必要とする場合がある。 図 1.5 は同一の変位マップを用いて、頂点 数の違う基礎メッシュで変位マッピングを行った場合の比較である。付加メッシュ には 図 1.4(a) を用いた。 図 1.5 で用いた基礎メッシュは格子状の平面メッシュで ある。格子の縦横の分割数は同じものとし、分割数はそれぞれ、 図 1.5(a) が 10 分割、 図 1.5(b) が 100 分割、 図 1.5(c) が 200 分割である。 図 1.5(a) は付加メッ シュがなんであるか判別するのが難しく、 図 1.5(b) でも頭の部分など細かいディ テールまでは出ていない。 図 1.5(c) も耳のような細かいディテールは出ていない が、他の部分に関してはいいように見える。しかし、 図 1.5(c) は縦横 200 分割な ので、8 万もの 3 角形ループを用いているため、現実的なループ数とはいえない。



(a) 分割数 10







図 1.5: 基礎メッシュの頂点数依存

第3に、複数の変位マップの同時マッピングにおける問題である。1つの基礎

メッシュに対して複数の変位マップをマッピングする際、マッピング部分が重複す る箇所が存在する場合がある。変位マップは付加メッシュを元にした変化量デー タの集合であるため、重複部分はそれぞれの付加メッシュ形状から歪んだ状態に なってしまう。

これらの問題を改善する手法として、変位ベクトルを活用する際に動的に基礎 メッシュを細分割する手法 [17][18][19]、ボリュームデータを変位マップとして扱 う研究 [20][21][22] などがある。しかし、動的に基礎メッシュを細分割する手法は、 変位マップのマッピング範囲にかかわらず基礎メッシュ全体を一括で細分割する ので、不要な頂点が増えてしまうことがありうる。また、ボリュームデータは計 算速度が増大したり、ボリュームデータのアニメーションが難しいなど、別の問 題も発生する。以上の問題点から、変位マッピングを用いた局所的形状変形アニ メーション表現には改善の余地がある。

位相変化せずにこれらの変形アニメーションを実現する場合、変形後の形状を 表現可能な位相を事前に用意しておく必要がある。変形形状が複雑であれば、そ れだけメッシュのループ数は大量になり、変形アニメーション処理も煩雑になる。 どこが変形するか事前に分かっているのであれば、位相変化せずにアニメーショ ンを行うことが可能だが、変形する場所が不定の場合は動的な位相変化が必要に なるため、リアルタイムにアニメーションを行うことが難しい。

そこで本研究では、位相変化を簡略化することで、局所的に複雑な変形が発生 して、変形箇所もリアルタイムに変化するアニメーションが表現可能な、局所的 形状変形手法の実現を目的とする。本研究で目的とする局所的形状変形手法の確 立は、変位マッピングにおける変位マップの解像度依存問題や基礎メッシュの頂点 数依存問題が解消し、複数の変位マップの同時マッピングも可能になるなど、更 なる演出効果が望める。

本手法では、3次元メッシュである付加メッシュを、ループや稜線が重ならない ように2次元状になるように頂点座標を操作し、2次元メッシュを作成する。この 2次元メッシュを変位マッピングにおける変位マップのように扱って基礎メッシュ にマッピングする。最終的に基礎メッシュと付加メッシュを合成して局所的形状 変形を行う。2次元メッシュの形状を正方形に限定することで、位相変化を伴う合 成処理を簡略化した。図1.6 は本手法を用いて局所的形状変形を行った図である。



図 1.6: 提案手法

本手法では、2次元メッシュを変位マップとして扱うため、ラスター画像を生成 する必要がない。そのため、既存の変位マッピングのようにラスター画像の解像 度に依存するという問題がない。また、変位マップとする2次元メッシュを基礎 メッシュと合成することで、基礎メッシュの不用意なループの増加を無くし、デー タを損失することなく3次元形状の復元が可能となった。さらに、変位マップ同 士が重なり合った場合も、復元後の3次元形状を考慮した復元が可能である。提 案手法をプログラムで実装し、検証を行い、提案手法の有用性を確認した。

#### 1.2 論文構成

論文の構成は以下の通りである。第2章では、本研究で提案する局所的形状変 形手法について述べる。第3章では、本研究で開発した局所的形状変形手法のプ ログラムにより、その結果の検証と考察を行う。第4章では、本研究の成果と意 義をまとめ、今後の展望について述べる。

第2章

提案手法

本章では、本研究で提案する局所的な変形手法の手順について述べる。提案手 法では、変位マッピングにおける変位マップに2次元メッシュを用いる。本章にお ける、基礎メッシュと付加メッシュの関係は、前章で述べた変位マッピングにお ける基礎メッシュと付加メッシュの関係と同様である。

#### 2.1 メッシュ表現

本論文におけるメッシュの数式表現は以下のように定める [23]。本手法では、メッシュを構成するループはすべて3角形であるものとし、図中で4角形で表現しているループも3角形の集合である。

メッシュは (P,K)のペアで表現し、文中ではアと表す。ここで、PはN個からなる頂点座標で、次の式 (2.1)で表し、Kは位相情報である複体を表す。

$$\mathbf{p}_i = \left[ (x_i, y_i, z_i) \in \mathbf{R}^3 (1 \le i \le N) \right]$$
(2.1)

- 座標値 p<sub>i</sub> をもつ頂点位相を {i} と表す。
- 複体 K は頂点集合 v = {i} ∈ K、稜線集合 e = {i, j} ∈ K、ループ集合
   f = {i, j, k} ∈ K の 3 種類の要素から成り立つ。ただし、{i, j} は {i} と {j}
   を両端点に持ち、ループ {i, j, k} は {i}、{j}、{k} を頂点に持つ。
- {*i*, *j*} ∈ *K*、すなわち稜線 {*i*, *j*} が複体 *K* 中に存在するとき、{*i*} と {*j*} は隣 接するという。
- N<sub>v</sub>(i) を次のように定める。

$$N_v(i) = \{j | \{i, j\} \in K\}$$
(2.2)

すなわち、 $N_v(i)$  は頂点  $\{i\}$  と隣接する頂点の集合である。 図 2.1 は頂点  $\{i\}$ と  $N_v(i)$ の関係を示した図である。図中の黒丸の集合が  $N_v(i)$  である。



 $\boxtimes 2.1: N_v(i)$ 

• e = i, jにおいて、 $N_e(e)$ を次のように定める。

$$N_e(e) = \{k | \{i, j, k\} \in K\}$$
(2.3)

すなわち、 $N_e(e)$ は稜線 e を含む面の集合を構成する頂点のうち、 $\{i\} \ge \{j\}$ 以外のものを指す。 図 2.2 は稜線  $e \ge N_e(e)$ の関係を示した図である。図中



 $\boxtimes 2.2: N_e(e)$ 

の黒丸の集合が $N_e(e)$ である。

#### 2.2 手法の流れ

本手法は通常の変位マッピングと同様の流れでメッシュの局所変形を行う。ただ し、本手法では付加メッシュはラスター画像ではなく、2次元メッシュに変換し、 これを変位マップとする。メッシュ合成手法において、3次元メッシュから2次元 パラメータ座標系への写像を求めて合成する方法 [9] は一般的に行われている。し かし、変位マップに2次元メッシュを用いる手法はまだない。入力は付加メッシュ と基礎メッシュの2つのメッシュとする。まず、付加メッシュから2次元メッシュ を求め、これをパラメータ化 [24][25][26] する。次に、基礎メッシュを2次元空間 上に展開し、このメッシュ上に正方領域を規定し、正方領域内に収まるようにメッ シュを求める。次に基礎メッシュの形状に沿うようにメッシュを求める。その後、 変位マップの変位を行う。最後に基礎メッシュと変位マップを合成して、本手法に よるメッシュの局所変形は終了である。以降の節で各工程について細かく述べる。 図 2.3 は本手法の流れを例示したものである。



図 2.3: 本手法の流れ

#### 2.3 付加メッシュのパラメータ化

本節では、付加メッシュのパラメータ化を行う方法について述べる。パラメー タ化は付加メッシュから2次元メッシュを求めることで行う。本手法ではマッピン グを容易にするために、2次元メッシュは正方形となるようにする。付加メッシュ として、本手法で想定している形状は以下の3点を満たす形状とする。

1. 任意の稜線 e に対し、N<sub>e</sub>(e) の個数が2個以下であること。

2. 頂点は必ずループを構成している頂点であること。

3. 基礎メッシュと接続する場所でのみ開いた形状であること。

3番目の条件により、付加メッシュは開いた形状となるため、境界稜線が存在する。 この境界稜線を構成する頂点群が付加メッシュをマッピングするときの接続部と なる。ここでは接続部となる頂点を、境界頂点と呼ぶこととする。3次元メッシュ である付加メッシュから2次元メッシュを求める工程は、境界頂点群とそれ以外 の頂点群という2段階に分けて行う。まず、境界頂点群を元に平面を、直交する2 つのベクトルと、任意の点によって定義する。この2つのベクトルの外積ベクト ルと合わせた3つの直交ベクトルを座標軸とし、任意の点を原点とするローカル 座標系Aを規定する。Aにおいて次の式(2.4)を満たすような領域Lを規定する。

$$L = \{\mathbf{l} | -1 \leq l_x \leq 1, l_y = 0, -1 \leq l_z \leq 1\}$$
(2.4)

このとき、領域 L をパラメータ化する際の正方領域とする。付加メッシュをこの 領域 L 内に収まるように、2 次元メッシュを生成する。

付加メッシュをメッシュAとし、求める2次元メッシュをBとする。メッシュB の初期状態は、メッシュAと同様の位相と頂点座標を持つものとする。また、メッ シュBが持つ頂点集合を $B = \{B_1, B_2, B_3, ...\}$ とする。まず、正方領域Lの境界 に対し、Bの境界頂点を操作する。 図2.4(a) はメッシュBと正方領域Lの位置関 係を示した図である。また、図中の黒丸が境界頂点、白丸がその他の頂点を表し ている。境界頂点同士の隣接関係が崩れないように、境界頂点を均等に配置する。 このとき、境界稜線が重なる場合は適宜頂点の位置を変更して、稜線が重ならない ようにする。さらに、2次元メッシュが正方形となるように正方領域の4つの角に 必ず頂点を配置する。 図2.4(b) は正方領域の境界に境界頂点を移動したメッシュ Bを表している。次に、境界頂点以外の $B_i$ が正方領域に収まるように変換する。 Bにおける $N_v(i)$ からなる多角形の重心を求め、 $B_i$ を重心位置に移動する。境界 頂点以外のすべての $B_i$ に対して、Bが正方領域L内に収まるように、上記の処理 を繰り返す。境界頂点を平面上に配置しているため、上記の処理を繰り返すこと で、すべての頂点が正方領域内の平面上に収束することになる。 図2.4(c) は正方 領域に収束したメッシュBである。メッシュBを求めたら、Bをパラメータ化し、



図 2.4: 付加メッシュのパラメータ化

パラメータ化した頂点集合を $Q = \{\mathbf{q}_i\}$ とする。正方領域Lを式(2.4)と定めたので、パラメータは以下の式(2.5)によって求める。

$$\mathbf{q}_i = \frac{\mathbf{b}_i}{2} + \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) \tag{2.5}$$

図2.5 は、図2.4 で作成した2次元メッシュBと座標軸の関係を示した図である。

#### 2.4 付加メッシュの配置

本節では、付加メッシュの基礎メッシュへの配置について述べる。基礎メッシュ をMとし、2次元化した付加メッシュ $\mathcal{B}$ の配置を決めるため、メッシュ $\mathcal{M}$ から2次 元メッシュ $\mathcal{W}$ を求める。メッシュ $\mathcal{M}$ の頂点集合を $M = \{M_1, M_2, M_3, ...\}$ とした とき頂点 $M_i$ が持つ位置ベクトルを $\mathbf{m}_i$ とし、 $M_i$ に2次元座標を持つ頂点 $W_i$ を対 応付ける。 $W_i$ によって構成されるメッシュを $\mathcal{W}$ とする。メッシュ $\mathcal{W}$ の位相はメッ シュ $\mathcal{M}$ と同様である。このとき、メッシュ $\mathcal{W}$ の稜線やループが重なり合わないよ うに2次元座標 $\mathbf{w}_i$ を規定する。メッシュ $\mathcal{M}$ のような3次元メッシュに対し、メッ



図 2.5: 2 次元座標系

シュWのような 2 次元メッシュを一意に求めるには、ABF[27][28] や LSCM[29] な どの多くの手法 [30][31] を用いることで可能である。このメッシュW 上で正方領 域を決定する。メッシュW 上で、正方領域の 4 隅のうちの 3 点となる点  $P_1, P_2, P_3$ を規定し、 $P_1, P_2, P_3$ を用いて正方領域を定める。このとき、 $\overrightarrow{P_1P_2}$  と  $\overrightarrow{P_1P_3}$  が直交 し、正方領域がメッシュW 内に収まるように  $P_1, P_2, P_3$ を規定する。 図 2.6 は、決



図 2.6: 正方領域の角 3 点

定した正方領域と、3点 P1, P2, P3の位置関係を示す図である。 2.3節で求めた Q

と、3点 $P_1, P_2, P_3$ を用いて次の式(2.6)によってメッシュWに配置するメッシュ Cを求める。メッシュCの頂点集合を $C = \{C_1, C_2, C_3, ...\}$ としたとき頂点 $C_i$ が 持つ位置ベクトルを $\mathbf{c}_i$ とし、メッシュCの位相はメッシュAと同様である。

$$\mathbf{c}_i = \mathbf{p}_1 + q_{ix}(\mathbf{p}_2 - \mathbf{p}_1) + q_{iy}(\mathbf{p}_3 - \mathbf{p}_1)$$
(2.6)

基礎メッシュ*M*とメッシュ*W*、メッシュ*C*から、メッシュ*M*上にあり、メッシュ*M*の 形状に沿うようなメッシュ*D*を求める。メッシュ*D*の頂点集合を $D = \{D_1, D_2, D_3, ...\}$ としたとき頂点  $D_i$ が持つ位置ベクトルを $\mathbf{d}_i$ である。メッシュ*W*において、 $\mathbf{c}_i$ を 内包するループfを探す。fを構成する3頂点を $W_{\alpha}, W_{\beta}, W_{\gamma}$ としたとき、 $C_i$ との 関係は次の式 (2.7)によって成り立つ。

$$\mathbf{c}_{i} = \mathbf{w}_{\alpha} + s(\mathbf{w}_{\beta} - \mathbf{w}_{\alpha}) + t(\mathbf{w}_{\gamma} - \mathbf{w}_{\alpha}) \qquad (0 \le s, t \le 1)$$
(2.7)

式 (2.7) から実数 s, tを求め、 $W_{\alpha}, W_{\beta}, W_{\gamma}$ に対応するメッシュ $\mathcal{M}$ 上の頂点  $M_{\alpha}, M_{\beta}, M_{\gamma}$ から  $D_i$ を次の 式 (2.8) によって求める。

$$\mathbf{d}_{i} = \mathbf{m}_{\alpha} + s(\mathbf{m}_{\beta} - \mathbf{m}_{\alpha}) + t(\mathbf{m}_{\gamma} - \mathbf{m}_{\alpha}) \qquad (0 \leq s, t \leq 1)$$
(2.8)

これで、メッシュDは基礎メッシュMに沿うような形状となる。

#### 2.5 基礎メッシュのトリミング

本節では基礎メッシュのトリミングについて述べる。基礎メッシュと付加メッ シュを合成するためにメッシュWに対しトリミングを行う。メッシュWの稜線と 正方領域の境界稜線との交点に新たな頂点を生成する。正方領域の角を内部に含 まないループは正方領域の境界に沿って稜線を追加し、ループを分割する。正方 領域の角を含むループは正方領域の角の位置に新たな頂点を追加し、正方領域の 稜線に沿うようにループを分割する。正方領域の内部に位置するループを削除し、 非三角形のループに三角形分割を行ってトリミングは終了である。トリミングを 行ったメッシュをWとする。 図 2.7 は基礎メッシュのトリミングの様子を表し



図 2.7: 基礎メッシュのトリミング

た図である。メッシュWをもとに、対応するメッシュMもトリミングし、これを メッシュTとする。

#### 2.6 変位マップの変位

本節では、本手法における変位マップの変位について述べる。復元する割合を パラメータとしてメッシュAとメッシュDの頂点座標を補間することで、変位マッ プの形状が徐々に生えてくるようなアニメーションが可能となる。復元するため のパラメータをsとし、補間した中間頂点をH<sub>i</sub>としたとき、次の式(2.9)によっ て中間頂点を求める。

$$\mathbf{h}_i = (1 - s)\mathbf{d}_i + s\mathbf{a}_i \qquad (0 \le s \le 1) \tag{2.9}$$

図 2.8 は、 $H_i$ によって構成されるメッシュHのアニメーションの例である。メッ



図 2.8: 付加メッシュのアニメーション

シュAの頂点集合を複数もつ事によって、付加メッシュのモーフィングアニメー ションも可能である。複数の頂点集合を $A_1 = \{\mathbf{a}_{1,i}\}, A_2 = \{\mathbf{a}_{2,i}\}$ とし、モーフィ ングするためのパラメータをtとしたとき、中間頂点  $H_i$  は次の式 (2.10) によって 求める。

$$\mathbf{h}_{i} = (1-s)\mathbf{d}_{i} + s((1-t)\mathbf{a}_{1,i} + t\mathbf{a}_{2,i}) \qquad (0 \le s, t \le 1)$$
(2.10)

図 2.9 は、s = 1のときの、 $H_i$ によって構成されるメッシュ $\mathcal{H}$ のモーフィング



図 2.9: 付加メッシュのモーフィングアニメーション

アニメーションの例である。

#### 2.7 基礎メッシュと付加メッシュの合成

本節では基礎メッシュと付加メッシュの合成について述べる。トリミングした 基礎メッシュTと変位したメッシュHを合成する。メッシュTとメッシュHがひ とつのメッシュに見えるように、間を接続するようなメッシュSを生成する。メッ シュSは、メッシュMからメッシュTを生成する際にトリミングを行ってできた 境界稜線と、メッシュHの境界稜線を繋ぐように生成する。生成は正方領域の1 辺ごとに行う。1辺の端点に位置する頂点を結んで稜線を生成。あとはループが3 角形になるように稜線を生成し、メッシュを生成する。この処理を4辺全てに行 いメッシュSを生成する。図2.7 はメッシュS生成の様子を表した図である。



(a) 基礎メッシュと付加メッシュ



(b) 端点に稜線を生成

#



(c) その他の稜線を生成 (d) ループを生成

図 2.10: 接続メッシュの生成

最後に3つのメッシュ*T*,*H*,*S*を合成して、新たな合成メッシュ*U*とする。これ で、本手法によるメッシュの局所変形は終了である。基礎メッシュ*M*を局所変形 したメッシュが*U*となる。

#### 2.8 複数の付加メッシュを用いたマッピング

複数の付加メッシュを用いる場合も、各付加メッシュを配置する際に用いた正 方領域で基礎メッシュをトリミングし、付加メッシュをそれぞれ正方領域をもと に配置する。本手法では、処理を簡略化するために正方領域の境界に位置する頂 点は残しておく。残しておいた頂点を用いることで、基礎メッシュと付加メッシュ を接続するメッシュを生成できる。図2.11 は、正方領域が重なっている状況での トリミングの様子を表した図である。付加メッシュの配置も正方領域が重なって



図 2.11: 同時マッピングにおけるトリミング

いる場合でも無関係に付加メッシュを配置する。個々の付加メッシュにおいて独

立して処理を行うことで、互いに干渉することなく復元が可能となる。付加メッ シュが復元する前の状態では、付加メッシュのループ同士が重なる事になるが、形 状に影響をあたえることはないので、本手法では考慮しない。また、付加メッシュ に付加メッシュをマッピングするような表現はできない。

### 第3章

### 評価と検証

本章では、本研究で提案した局所変形手法に沿って実装したプログラムを使用 し、その有用性を検証する。本研究で試作したプログラムは、グラフィクス APIの OpenGL[32] をベースとした 3 次元グラフィクスツールキットである「FK Kernel Tool Kit System」[33][34] を用いて実装した。本章では円柱面状の基礎メッシュを 用い、様々な付加メッシュをマッピングした。検証に用いた環境は次の表 3.1 の とおりである。

表 3.1: 検証に用いた環境

- CPU : AMD Phenom(tm) II X4 945 Processor 3.00 GHz
- RAM : 4.00
- GPU : NVIDIA GeForce GTX 260

#### 3.1 2次元メッシュ化

まず、複数の付加メッシュを2次元メッシュに変換する。付加メッシュは接続す る位置で開いた形状になるように加工してある。各付加メッシュのループ数と2次 元メッシュへの変換にかかった時間は表3.2 に示す。

名前	ループ数	時間 (秒)
きのこ	72	0.296
つの	88	0.370
王冠	154	0.421
はにわ	168	0.670
凸	288	2.193
龍頭	2343	75.629
うさぎ	3388	212.145
龍	10089	1,331.026

表 3.2: 2 次元メッシュへの変換にかかった時間

ループ数が増えるに連れて処理にかかる時間も増えているのがわかる。ループ 数が数千を超えると変換に数分かかるようになるが、2次元メッシュへの変換は事 前に行っておけばよいので、本手法におけるリアルタイム性には影響しない。付 加メッシュの形状と、変換した2次元メッシュの形状を次の 図 3.1 に示す。 図 3.1 は左が付加メッシュ、右が2次元メッシュを示している。図の掲載順は 表 3.2 と 同様である。







図 3.1: 付加メッシュの 2 次元メッシュ化

#### 3.2 本手法の実行結果

本提案手法の実行結果を以下に示す。図 3.2 は、きのこの形をした付加メッシュ を用いて結果である。図 3.2(a) は、基礎メッシュに付加メッシュをマッピングし た合成メッシュである。図 3.2(b) は、図 3.2(a) から付加メッシュの形状を復元 したメッシュを表す。



図 3.2: 実行結果:きのこ

きのこ以外の様々な形状を用いた結果も次に示す。 図 3.3 はドラゴンの頭を用いた結果、 図 3.4 は龍の全身、 図 3.5 はうさぎを用いた結果である。各々、左が 復元前のメッシュ、右が復元後のメッシュである。 2.3 節で示した条件さえ満たし た形状であれば、付加メッシュとして利用可能である。



図 3.3: 実行結果: 龍頭



図 3.4: 実行結果: 龍



図 3.5: 実行結果:うさぎ

### 3.3 局所変形アニメーション

局所変形アニメーションについての結果を示す。まず、マッピング位置を動的に 変更し、合成メッシュの生成を以下に示す。





図 3.6: 実行結果:マッピング位置の変更

図 3.6 は、マッピング位置を変更して合成メッシュを生成した図である。左側は 3次元空間上のメッシュ、右側は2次元空間上のメッシュである。

さらに、マッピング位置の変更を行うアニメーションを生成し、その際の描画 速度を計測した。描画速度の単位は FPS(Frame Par Second) であり、1 秒間に可 能な描画処理の回数を表す。検証方法には、ループ数の異なる2種類の付加メッ シュを用いた。マッピング位置の変更のみ、変位マップの変位アニメーションの み、マッピング位置の変更と変位マップの変位アニメーションを同時に行なった 場合の3パターンで FPS を計測した。FPS は5分間の平均 FPS である。付加メッシュのループ数と FPS の関係は以下の 表 3.3 とおりである。

入 5.5. ノーノー ション 述及の 測定									
名前	ループ数	マッピング位置のみ	変位のみ	両方					
つの	88	43.324	139.087	38.261					
凸	288	32.174	99.324	28.124					

表3.3: アニメーション速度の測定

表 3.3 より、付加メッシュのループ数が増えると FPS は低下するが、いずれも リアルタイム性は実現できたと言える値となっている。変位アニメーションのみ のときに FPS が倍以上の値となっているのは、計算量が多くなる基礎メッシュの トリミング処理が最初の1度だけでしか行わないからである。

#### 3.4 付加メッシュの再現性

変位マッピングを行った際、合成メッシュに現れる付加メッシュの形状の再現 性について検証する。次の図は本手法による変位マッピングを行った合成メッシュ である。いずれも、付加メッシュの位相を変位マップとして利用するのため、形 状のディテールを失うことなく変位マッピングが行えている。図3.7 では、従来 の変位マッピングで再現が難しかった耳の形状を失うことなく変位マッピングが 行えている。図3.8 の先端部のような尖った形状や、回りこむような形状も再現 できている。図3.9 のような細かい形状も正しく再現可能である。



図 3.7: うさぎ



図 3.8: 王冠



図 3.9: 龍頭

次に、複数の変位マップの同時マッピング時の変位マップ同士が重複した場合 の再現性について検証した。 図 3.10 は、この検証で用いる 2つの付加メッシュで ある。 図 3.11 は、2つの変位マップが重なったときの様々な状況を示した図であ る。 図 3.11(a) は、変位マップの復元前のメッシュである。変位マップが互いに 干渉していないのがわかる。 図 3.11(b) は、復元する割合が違う 2つの変位マッ プを表している。復元アニメーションは変位マップごとに独立して行うことが可 能である。 図 3.11(c) と 図 3.11(d) は、2つの復元した変位マップが重なり合った 状態を表している。変位マップ同士が重なり合ったとしても、どちらかの形状が 歪むことはない。



図 3.10: 基礎メッシュ



(a)

(b)



(c)

(d)

図 3.11: 変位マップの重なり

#### 3.5 問題点

現在の問題点として、第1にマッピングを行った際に基礎メッシュの形状を再 現しきれないという問題がある。変位マップをマッピングする領域を決定したあ と、領域内のメッシュと変位マップを入れ替えているため、変位マップのループ 数によっては基礎メッシュの元の形状が崩れていしまう。この問題の解決にはメッ シュの集合演算などの処理が必要になるだろう。第2にメッシュ合成時のループ の増大が挙げられる。現状では合成メッシュを生成する際に、微小なループが発 生してしまう。近接頂点などを1つにまとめる等の処理が必要になるだろう。第3 に、付加メッシュのループ数増加に伴う処理速度の低下が挙げられる。これは合 成メッシュの生成に伴う計算量が増加する部分が大きい。この問題は合成演算の アルゴリズム改良により処理速度の向上が望めると考える。

## **第**4章

### おわりに

本研究では、リアルタイムコンテンツにおいて新たに、アニメーション可能な 局所的形状変形手法を提案した。メッシュを局所的に変形するための技術である 変位マッピングの概念を踏襲しつつ、変位マップに2次元メッシュを用いること により、動的なアニメーションが可能な、局所的形状変形が可能となった。その 結果として、従来の手法では難しかった、局所的形状変形による複雑な凹凸表現 を実現した。また、変位マップの複数同時マッピングを行った際に、変位マップ が重複しても正しく形状を復元することを実現し、局所的形状変形手法の有用性 を高めた。本研究で提案した手法を用いることで、インタラクティブゲームやア ニメーションなどのインタラクティブコンテンツでの局所的形状変形の表現の幅 を拡げるという目的において、大いに役立つだろう。

今後の展望として、 3.5節で問題点としてあげた合成処理の更なる高速化手法 の考察が挙げられる。アニメーション可能な局所的形状変形は実現できたが、あ まりにメッシュのループ数が増加すると、リアルタイムでのアニメーションが難 しくなる。高速なメッシュ合成が可能になれば、更なる局所的形状変形表現の向 上に繋がるだろう。

本研究は芸術科学会第26回 NICOGRAPH 論文コンテストにおいて"ベクター 形式による変位マップアニメーション"[35] として発表した内容を含む。

### 謝辞

本研究を締めくくるにあたり、研究の指針から開発の手法、論文の執筆と幅広 いご指導ご教授を頂きました、本校メディア学部の渡辺大地先生、並びに副査の 三上浩司先生と宮岡伸一郎先生に厚く感謝いたします。そして、様々な相談に乗っ てくださった先輩方や後輩達、多くの苦楽を共にした研究室の仲間たちに感謝い たします。

我唯一唯我也。何は無くとも地球は廻る。

参考文献

- Doo, D. and Sabin, M., "Behaviour of recursive division surfaces near extraordinary points," Computer-Aided Design 10(6), 356–360 (1978).
- [2] Catmull, E. and Clark, J., "Recursively generated B-spline surfaces on arbitrary topological meshes," Computer-Aided Design 10(6), 350–355 (1978).
- [3] Loop, C. T., "Smooth subdivision surfaces based on triangles /," (1987).
- [4] 徳山 喜政, 今野 晃市, 曽根 順治, and Janaka Rajapakse R.P.C., "曲線メッシュ をベースにした細分割曲面の局所変形," 芸術科学会論文誌 9(1), 1–9 (2010).
- [5] Khodakovsky, A. and Schröder, P., "Fine level feature editing for subdivision surfaces," in [Proceedings of the fifth ACM symposium on Solid modeling and applications], SMA '99, 203–211, ACM, New York, NY, USA (1999).
- [6] Biermann, H., Martin, I. M., Zorin, D., and Bernardini, F., "Sharp features on multiresolution subdivision surfaces," Graph. Models 64, 61–77 (March 2002).
- [7] Sederberg, T. W., Zheng, J., Sewell, D., and Sabin, M., "Non-uniform recursive subdivision surfaces," in [Proceedings of the 25th annual conference on Computer graphics and interactive techniques], SIGGRAPH '98, 387–394, ACM, New York, NY, USA (1998).
- [8] Zorin, D., Schröder, P., and Sweldens, W., "Interactive multiresolution mesh editing," in [Proceedings of the 24th annual conference on Computer graphics and interactive techniques], SIGGRAPH '97, 259–268, ACM Press/Addison-Wesley Publishing Co., New York, NY, USA (1997).
- [9] Kanai, T., Suzuki, H., Mitani, J., and Kimura, F., "Interactive mesh fusion based on local 3d metamorphosis," in [Proceedings of the 1999 conference

on Graphics interface '99], 148–156, Morgan Kaufmann Publishers Inc., San Francisco, CA, USA (1999).

- [10] Yu, Y., Zhou, K., Xu, D., Shi, X., Bao, H., Guo, B., and Shum, H.-Y., "Mesh editing with poisson-based gradient field manipulation," ACM Trans. Graph. 23, 644–651 (August 2004).
- [11] Fu, H., Au, O., and Tai, C., "Effective derivation of similarity transformations for implicit Laplacian mesh editing," in [Computer Graphics Forum], 26(1), 34–45, John Wiley & Sons (2007).
- [12] Sharf, A., Blumenkrants, M., Shamir, A., and Cohen-Or, D., "Snappaste: an interactive technique for easy mesh composition," Vis. Comput. 22, 835–844 (September 2006).
- [13] Lin, J., Jin, X., and Wang, C. C. L., "Fusion of disconnected mesh components with branching shapes," Vis. Comput. 26, 1017–1025 (June 2010).
- [14] Cook, R. L., "Shade trees," SIGGRAPH Comput. Graph. 18, 223–231 (January 1984).
- [15] 加藤 良章, "リアルタイム 3DCG における薄膜厚みの動的変化を考慮した構造色描画手法," (2008).
- [16] 西川 善司,『ゲーム制作者になるための 3D グラフィックス技術』,株式会社 インプレスジャパン (2009).
- [17] Krishnamurthy, V. and Levoy, M., "Fitting smooth surfaces to dense polygon meshes," in [Proceedings of the 23rd annual conference on Computer graphics and interactive techniques], SIGGRAPH '96, 313–324, ACM, New York, NY, USA (1996).

- [18] Lee, A., Moreton, H., and Hoppe, H., "Displaced subdivision surfaces," in [ Proceedings of the 27th annual conference on Computer graphics and interactive techniques], SIGGRAPH '00, 85–94, ACM Press/Addison-Wesley Publishing Co., New York, NY, USA (2000).
- [19] Loop, C., Schaefer, S., Ni, T., and Castaño, I., "Approximating subdivision surfaces with gregory patches for hardware tessellation," ACM Trans. Graph. 28, 151:1–151:9 (December 2009).
- [20] Kautz, J. and Seidel, H.-P., "Hardware accelerated displacement mapping for image based rendering," in [ No description on Graphics interface 2001], GRIN'01, 61–70, Canadian Information Processing Society, Toronto, Ont., Canada, Canada (2001).
- [21] Wang, X., Tong, X., Lin, S., Hu, S., Guo, B., and Shum, H., "Generalized displacement maps," in [Eurographics Symposium on Rendering], 2004, 227– 234 (2004).
- [22] Hirche, J., Ehlert, A., Guthe, S., and Doggett, M., "Hardware accelerated perpixel displacement mapping," in [Proceedings of Graphics Interface 2004], GI '04, 153–158, Canadian Human-Computer Communications Society, School of Computer Science, University of Waterloo, Waterloo, Ontario, Canada (2004).
- [23] 渡辺 大地,千代倉 弘明,"任意三角形メッシュからの特徴稜線抽出," 電子情報通信学会論文誌. D-II, 情報・システム, II-パターン処理 83(5), 1344–1352 (2000-05-20).
- [24] Tutte, W., "How to draw a graph," Proceedings of the London Mathematical Society 3(1), 743 (1963).
- [25] Maillot, J., Yahia, H., and Verroust, A., "Interactive texture mapping," in

[Proceedings of the 20th annual conference on Computer graphics and interactive techniques], SIGGRAPH '93, 27–34, ACM, New York, NY, USA (1993).

- [26] Floater, M. S., "Mean value coordinates," Comput. Aided Geom. Des. 20, 19–27 (March 2003).
- [27] Sheffer, A. and de Sturler, E., "Parameterization of Faceted Surfaces for Meshing using Angle-Based Flattening," Engineering with Computers 17, 326–337 (2001).
- [28] Sheffer, A., Lévy, B., Mogilnitsky, M., and Bogomyakov, A., "Abf++: fast and robust angle based flattening," ACM Trans. Graph. 24, 311–330 (April 2005).
- [29] Lévy, B., Petitjean, S., Ray, N., and Maillot, J., "Least squares conformal maps for automatic texture atlas generation," ACM Trans. Graph. 21, 362– 371 (July 2002).
- [30] "A fast and simple stretch-minimizing mesh parameterization (figures 1 and 9)," in [Proceedings of the Shape Modeling International 2004], 390-, IEEE Computer Society, Washington, DC, USA (2004).
- [31] Sheffer, A., Praun, E., and Rose, K., "Mesh parameterization methods and their applications," Found. Trends. Comput. Graph. Vis. 2, 105–171 (January 2006).
- [32] OpenGL.org, "OpenGL." http://www.opengl.org/.
- [33] 渡辺 大地, "リアルタイムグラフィックスのためのツールキットに関する研究,", 修士論文, 慶應義塾大学大学院政策・メディア研究科 (1996).

- [34] 渡辺 大地, "Fine Kernel Tool Kit System." http://fktoolkit. sourceforge.jp/.
- [35] 武田 巧視, 渡辺 大地, "ベクター形式による変位マップアニメーション,"第
   26 回 NICOGRAPH 論文コンテスト (2010).

#### 発表論文

武田巧視, 渡辺大地, "ベクター形式による変位マップアニメーション", 第 26 回 NICOGRAPH 論文コンテスト (2010).